

Approche énergétique de la mécanique

Puissance d'une force : $\dot{P} = \vec{F} \cdot \vec{v} = \|\vec{F}\| \cdot \|\vec{v}\| \cos \theta$

Force motrice - résistante selon sa direction par rapport au mouvement.

Travail élémentaire : $\delta W = \vec{F} \cdot d\vec{OM} \quad (= \vec{F} \cdot d\vec{l})$

W_{AB} dépend du chemin suivi pour aller de A à B

Energie cinétique : $E_c = \frac{1}{2}mv^2$

En coordonnée cartésienne :

$$E_c = \frac{1}{2}m(\dot{x}^2 + \dot{y}^2 + \dot{z}^2)$$

En coordonnée cylindrique :

$$E_c = \frac{1}{2}m(\dot{r}^2 + r\dot{\theta}^2 + \dot{z}^2)$$

Théorème de l'énergie cinétique :

$$E_c(B) - E_c(A) = \sum_i W_{AB}(\vec{F}_i) = -\Delta E_{p_{AB}}$$

Energie potentielle :

$$E_p = mgz + E_{p_0} \quad (\text{J})$$

Energie potentielle élastique :

$$E_{p_{élastique}} = \frac{1}{2}k(l - l_0) + E_{p_0}$$

Force conservative si travail entre 2 points ne dépend pas du trajet suivi

Energie mécanique

$$E_m = E_p + E_c$$

$$E_m = \text{cst}$$